

- Równanie postaci $ax^2 + bx + c = 0$, gdzie $a \neq 0$ i $a, b, c \in R$ nazywamy równaniem kwadratowym.
- Jeśli $a \cdot b \cdot c \neq 0$, to równanie kwadratowe $ax^2 + bx + c = 0$ nazywamy zupełnym.
- Jeśli $a \neq 0$ i ($b=0$ lub $c=0$), to równanie kwadratowe nazywamy niezupełnym.

Pierwiastki równania kwadratowego

Równanie kwadratowe zupełne
($a \cdot b \cdot c \neq 0$)

Postać równania	$ax^2 + bx + c = 0, \quad (\Delta = b^2 - 4ac)$		
Założenia (warunki)	$\Delta > 0$	$\Delta = 0$	$\Delta < 0$
Pierwiastki	$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$	$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$	nie ma pierwiastków
Zbiór rozwiązań	$\left\{ \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}, \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \right\}$	$\left\{ -\frac{b}{2a} \right\}$	\emptyset

Równanie kwadratowe niezupełne
($a \neq 0$)

Postać równania	$ax^2 = 0$ ($b=0$ i $c=0$)	$ax^2 + c = 0$ ($b=0$ i $c \neq 0$)		$ax^2 + bx = 0$ ($b \neq 0$ i $c=0$)
Pierwiastki	$x = 0$	gdy $a \cdot c < 0$	gdy $a \cdot c > 0$	$x_1 = 0,$ $x_2 = -\frac{b}{a}$
		$x_1 = -\sqrt{-\frac{c}{a}},$ $x_2 = \sqrt{-\frac{c}{a}}$	nie ma pierwiastków	
Zbiór rozwiązań	$\{0\}$	$\left\{ -\sqrt{-\frac{c}{a}}, \sqrt{-\frac{c}{a}} \right\}$	\emptyset	$\left\{ 0, -\frac{b}{a} \right\}$

Wzory Viete'a

Suma i iloczyn pierwiastków równania kwadratowego

- Między pierwiastkami x_1, x_2 równania kwadratowego $ax^2 + bx + c = 0$, gdzie $a \neq 0$ i $\Delta \geq 0$ a jego współczynnikami liczbowymi zachodzą związki:

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \quad x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a},$$

nazywane wzorami Viete'a.